

## Fiche de Td No 2

### **Exercice No 6 chiffrement par bloc**

#### **Mode ECB**

On considère un chiffrement par permutation travaillant sur des blocs de 4 bits. On utilise la clef suivante :

1	2	3	4
3	1	2	4

Le 1er bit du résultat est le 3e de la source, ...

Chiffrez  $m=100100101001111$  en utilisant le mot de ECB.

Déchiffrez ensuite le résultat.

#### **Mode CBC:**

faite de même en utilisant le mode CBC en utilisant  $V_i=1010$  comme vecteur d'initialisation.

### **Exercice No 7 amélioration de la méthode ECB**

Citez les forces et les faiblesses du mode ECB.

Proposez une méthode pour améliorer sa sécurité.

### **Exercice No 8 méthodes de chiffrement par bloc**

On considère les méthodes de chiffrement par bloc ECB, CBC et OFB vues en cours. Montrer que si un bloc chiffré est vérolé lors du transfert, il y aura au plus deux blocs déchiffrés vérolés.

### **Exercice No 9 double DES**

Considérant que la taille des clefs de DES est trop petite, on se propose de combiner deux chiffrement DES avec deux clefs différentes  $K_1$  et  $K_2$ . Ainsi,  $C=E(K_1,(E(K_2,M)))$ .

Question 1 donner le procédé de déchiffrement associé.

Question 2 Quelle est la taille de l'espace des clefs de ce double DES.

Question 3 on suppose que l'on connaît un couple  $(M,C)$ . Comment cela peut-il nous aider à trouver la clef correspondante ? Quel est la complexité de votre attaque ?

On partira du principe qu'on est techniquement capable de stocker  $2^{56}$  blocs de 64 bits.

### **Exercice No 10 chiffrement de petits message par clef publiques**

Une banque utilise un procédé de chiffrement à clef publique pour communiquer avec ses clients.

L'une des applications consiste à faire envoyer un code secret de 4 chiffres par les clients à la banque. Nous supposons que le message ne contient que le code secret.

- Que peut-on faire un espion pour déchiffrer le code secret chiffré ?
- Comment s'en protéger ?

## **Exercice No 11 masque jetable (One Time Pad)**

Pour chiffrer un message en clair  $M=m_1m_2m_3\dots m_l$  (avec  $m_i$  valant 0 ou 1), Ahmed applique la méthode suivante :

- générer un nombre aléatoire  $K$  de  $l$  bits :  $k_1k_2k_3\dots k_l$
- $C=E_k(M)=M\oplus K$  où  $\oplus$  est le ou exclusif.
- Elle envoie  $C$  à Benjamin

Pour le déchiffrer, Benjamin applique la méthode suivante :

- $D_k(C)=C\oplus K$  (on suppose que Benjamin connaît  $K$ )

Question 1 montrer que si  $a, b$  et  $c$  sont 3 bits, on a :

- $(a\oplus b)\oplus b=a\oplus(b\oplus b)=a$
- $(a\oplus b)\oplus c=a\oplus(b\oplus c)$

Question 2 Donner un exemple de chiffrement et de déchiffrement du message en clair  $M=0111001111110010$

Question 3 Montrer que pour tout message  $M$  et toute clef  $K$ , on a  $D_k(E_k(M))=M$

Question 4 Montrer qu'il existe  $A$  tel que  $10101111=10101010\oplus A$ .

Généraliser ce résultat en montrant que quelque soit  $P$  et  $C$ , il existe  $A$  tel que  $P=C\oplus A$ .

Que peut-on en déduire sur la sécurité du procédé de chiffrement ? Les attaques de type « force brute » ou statistique ont-elles un intérêt ?

Question 5 Que permet la connaissance d'une partie de la clef  $K$  ?

Question 6 Alice envoie un courrier  $M_1$  anodin chiffré avec une clef  $K$  à Ahmed. Charles intercepte le courrier et en connaît la version en clair (c'est un bulletin météo). Alice envoie un courrier  $M_2$  à Ahmed et, par flemme, le chiffre avec la même clef  $K$ . Charles intercepte le courrier  $C_2$ . Peut-il retrouver  $M_2$  ? Comment ?

Question 7 Le fait que la clef soit aléatoire est-il important pour la sécurité de la méthode ? Comment Arthur peut-il faire pour générer une clef aléatoire ? Donnez les avantages et faiblesses de votre méthode de génération de clef aléatoire.

Question 8 Donnez les avantages et inconvénients du procédé OTP.

## **Exercice No 12 signature en aveugle**

Question 1 rappeler le fonctionnement de RSA en tant qu'algorithme de chiffrement. On rappellera :

- les éléments constituant la clef publique
- les éléments constituant la clef privée
- les relations qui les lient
- le procédé mathématique de chiffrement
- le procédé mathématique de déchiffrement

Question 2

RSA peut aussi être utilisé en tant qu'algorithme de signature. Décrivez le processus et expliquez quelles propriétés de RSA permettent cela.

### Question 3

Barack utilise un système de signature RSA. Le travail de Barack est de signer les messages de toutes les Abigaël de l'entreprise. On ne souhaite pas que Barack puisse lire la version en clair des message qu'il signe. Voici le processus que l'on vous demande de compléter :

- Abigaël crée un message  $M$  en clair
- de  $M$ , Abigaël déduit  $M'$  selon un procédé à préciser
- Abigaël envoie  $M'$  à Barack
- Barack applique un procédé à préciser à  $M'$  et obtient  $S'$
- Barack envoie  $S'$  à Abigaël
- Abigaël déduit  $S$ , version signée de  $S$ , de  $S'$  selon un procédé à préciser