

**Introduction aux systèmes
d'information et aux bases de
Données, Partie 2 : Raffiner des
schémas de bases de données**

L2 Informatique

S. Cerrito

premier semestre 2014-2015

0-1

Si on suit la méthode EA, normalement on arrive à une BD ayant des bonnes propriétés.

Mail peut arriver qu'on ait besoin de corriger une base contenant des tables problématiques, qu'il faudra décomposer, selon certains critères.

0.1 Décompositions d'un schéma : propriétés SPI et SPD

Voici un mauvais schéma de table :

Relation FOURNISSEUR

| <i>Nom</i> | <i>Adr</i> | <i>Produit</i> | <i>Prix</i> |
|------------|------------|----------------|-------------|
| n1 | a1 | i1 | p1 |
| n1 | a1 | i2 | p2 |
| n2 | a2 | i2 | p3 |
| n2 | a2 | i3 | p4 |

$F = Nom \rightarrow Adr, Nom\ Produit \rightarrow Prix$

La clé est *Nom, Produit*, mais *Adr* ne dépend que de *Nom*, ce qui porte à répéter inutilement, l'adresse d'un producteur pour chaque produit qu'il fournit. Risque d'incohérences de mise à jour.

Il faudrait le remplacer par un autre schéma. Comment ?

Une solution possible : **décomposer** le schéma de relation en 2 ou plusieurs sous-schémas. Par ex. décomposer :

$$\text{FOURNISSEUR}(Nom, Adr, Produit, Prix)$$

en :

$$\text{NA}(Nom, Adr) \text{ et } \text{NIP}(Nom, Produit, Prix)$$

Contenu de la table NA : $\pi_{Nom,Adr}(\text{FOURNISSEUR})$.

Contenu de la table NIP : $\pi_{Nom,Produit,Prix}(\text{FOURNISSEUR})$.

Ceci est un exemple de la **façon générale de décomposer une table de schéma S** en n tables de schémas S_1, \dots, S_n où $(S_1 \cup \dots \cup S_n) = S$:
on projette le contenu de la table décomposée sur les sous-schémas.

- **Toute décomposition possible est OK ?**
- Un des critères qu'une bonne décomposition doit respecter : **il faut pouvoir reconstruire, par jointure, la relation de départ.**

- Dans notre exemple :

$$\pi_{Nom,Adr}(FOURNISSEUR) \bowtie \pi_{Nom,Produit,Prix}(FOURNISSEUR) = FOURNISSEUR ? \text{ OUI.}$$

- **Toujours vrai, peu importe la décomposition ? NON.** Contre-ex : Table R :

| A | B | C |
|----|----|----|
| a1 | b1 | c1 |
| a2 | b1 | c2 |

Décomposition en $R_1(A,B)$ et $R_2(B,C)$ (contenus=projections de R).

$\langle a1, b1, c2 \rangle \in (\pi_{A,B}(R) \bowtie \pi_{B,C}(R))$ mais $\langle a1, b1, c2 \rangle \notin R !$

Cette décomposition **fait perdre l'information NEGATIVE** :

“ $\langle a1, b1, c2 \rangle$ **n'est pas** une ligne de R”.

- Soit F un ensemble de DF. Une décomposition d'un schéma S d'une table R en S_1, \dots, S_n (où $(S_1 \cup \dots \cup S_n) = S$) est dite **sans perte d'information (SPI) par rapport à F** ssi, qque soit le contenu de la table de nom R :

$$(\pi_{S_1}(R) \bowtie \dots \bowtie \pi_{S_n}(R)) = R$$

- *N.B.* :

$$R \subseteq (\pi_{S_1}(R) \bowtie \dots \bowtie \pi_{S_n}(R))$$

est toujours vrai, la \subseteq réciproque non (contre-exemple précédant).

Rôle de F ??

\Rightarrow

Pour le schéma de table de l'exemple précédant, on n'aurait pas pu avoir perte d'information négative si $B \rightarrow C$ ou $B \rightarrow A$:
on obtient $\langle a1, b1, c2 \rangle \in (\pi_{A,B}(R) \bowtie \pi_{B,C}(R))$ mais $\langle a1, b1, c2 \rangle \notin R$ car R ne satisfait pas $B \rightarrow C$ et ne satisfait pas $B \rightarrow A$

Soit $S = \{A, B, C\}$ un schéma de table et soit F un ensemble de DF sur S .
Si F implique $B \rightarrow C$ ou $B \rightarrow A$, alors la déc. de S en $\{A, B\}$ et $\{B, C\}$ est forcément SPI par rapport à F .

Remarque :

$$B \rightarrow A = (\{A, B\} \cap \{B, C\} \rightarrow (\{A, B\} \setminus \{B, C\}))$$

$$B \rightarrow C = (\{A, B\} \cap \{B, C\} \rightarrow (\{B, C\} \setminus \{A, B\}))$$

Théorème : Une déc. de S en red 2 sous-schémas S_1 et S_2 est SPI par rapport à un ensemble de dépendances fonctionnelles F ssi F implique

$$(S_1 \cap S_2) \rightarrow (S_1 \setminus S_2)$$

ou

$$(S_1 \cap S_2) \rightarrow (S_2 \setminus S_1)$$

NB : ce théorème donne un algo pour **tester** si une décomposition en 2 est SPI par rapport à F .

Et si on veut décomposer un schéma de table S en n schémas de tables où $n > 2$ et **tester** si cette déc. est SPI ? Algorithme dit **chase**.

Algorithme Chase

Conventions :

- Nous supposons que les attributs de S sont A_1, \dots, A_k , où $k \geq 2$;
- Nous associons à chaque attribut A_i une et une seule *constante* a_i
- Les expressions de la forme x^i_j sont des *variables*

Entrées : Le schéma S , les schémas de sa décomposition : S_1, \dots, S_n , l'ensemble de dépendances fonctionnelles F . Sans perte de généralité, on peut supposer que toute dépendance de F est réduite à droite (il y a un seul attribut à droite de \rightarrow)

Sortie : “OUI”, si la décomposition est SPI par rapport à F , “NON” sinon.

1. *Initialisation.*

a) Construire une table dont les k colonnes sont A_1, \dots, A_k et ayant n lignes.

Chaque ligne j est étiquetée par S_j :

| | A_1 | \dots | A_i | \dots | A_n |
|----------|-------|---------|-------|---------|-------|
| S_1 | | | | | |
| \vdots | | | | | |
| S_j | | | | | |
| \vdots | | | | | |
| S_n | | | | | |

b) Dans chaque case de coordonnées i, j (i est la colonne, j est la ligne), placer la constante a_i si l'attribut $A_i \in S_j$, placer la variable x^i_j sinon.

2. **Jusqu'à** ou bien on obtient au moins une ligne ne contenant aucune variable, ou bien la table reste stable, **faire** :

pour chaque dépendance $X \rightarrow A_i$ de F ,

pour chaque couple de lignes,

si ces deux lignes ont les mêmes valeurs pour X mais des valeurs différents pour A_i , alors modifier ces lignes de façon qu'elles aient la même valeur pour A_i aussi.

Pour effectuer cette modification, si un ligne contient une variable pour la colonne A_i et l'autre la constante a_i , remplacer la variable par la constante, tandis que si les deux lignes contiennent deux variables pour la colonne A_i , remplacer une des 2 variables (peu importe laquelle) par l'autre.

3. Si table finale contient au moins une ligne ne contenant aucune variable, la sortie est "OUI", sinon c'est "NON".

Exemple

Soit $S = ABCDE$ et soit F l'ensemble de dépendances :

$$\{A \rightarrow C, B \rightarrow C, C \rightarrow D, DE \rightarrow C, CE \rightarrow A\}$$

Appliquer l'algorithme *chase* pour déterminer si la décomposition AD, AB, BE, CDE, AE est SPI par rapport à F .

Critère 1 qu'une décomposition doit respecter : être **SPI** par rapport aux DF.

- SPI : seul critère à souhaiter pour une déc. d ?
- **Exemple.** V : ville, R : rue, C : Code Postal. Schéma : INFOS(R,C,V).
 $F = \{VR \rightarrow C, C \rightarrow V\}$.
 Déc. d en INFO1(RC) et INFO2(CV) :

| | INFOS | |
|----|-------|----|
| R | C | V |
| r1 | c1 | v1 |
| r1 | c2 | v2 |
| r3 | c3 | v3 |

| | INFO1 | |
|----|-------|--|
| R | C | |
| r1 | c1 | |
| r1 | c2 | |
| r3 | c3 | |

| | INFO2 | |
|----|-------|--|
| C | V | |
| c1 | v1 | |
| c2 | v2 | |
| c3 | v1 | |

d est SPI car F implique $((RC) \cap (CV)) \rightarrow (CV \setminus RC)$.

Mais que devient $VR \rightarrow C$? Pas applicable.

Insertion de $\langle r1, c3 \rangle$ dans INFO1 : OK par rapport aux dép de INFO1, mais :
 $\langle r1, c3, v1 \rangle$ et $\langle r1, c1, v1 \rangle \in \text{INFO1} \bowtie \text{INFO2}$. **Violation de $VR \rightarrow C$!**

La décomposition l'exemple précédent ne fait pas perdre d'information mais elle **fait perdre des dépendances fonctionnelles**.

Pour savoir si une insertion préserve la contrainte $VR \rightarrow C$ il faudrait refaire la jointure $INFO1 \bowtie INFO2$!

On aimerait travailler sans besoin de faire des \bowtie chaque fois qu'on insère.

Formalisons : \Rightarrow

Déf. Une dép. fonct. $X \rightarrow Y$ est *applicable* sur un schéma de relation S_i ssi $X \cup Y \subseteq S_i$.

Déf. La *fermeture* d'un ensemble de DF F , noté F^+ , est l'ensemble de *toutes* les dép. impliquées par F .

Déf. Deux ensembles de DF F_1 et F_2 sont *équivalents* ssi $F_1^+ = F_2^+$.

Déf. La *projection* d'un ensemble de dép. F sur un ensemble d'attributs X est l'ensemble d'éléments de F^+ (pas seulement de F !) comportant seulement des attributs de X . Notation : F_X .

Déf. Une décomposition d de S en $S_1 \cdots S_n$ est **sans perte de dépendances (SPD) par rapport à un ensemble de dép. F** ssi

$$(F_{S_1} \cup \cdots \cup F_{S_n})^+ = F^+$$

NB : \subseteq est banal. C'est l'inclusion réciproque qui compte.

(Le pb. crucial est : risque-t-on de perdre des dépendances impliquées par F , en projetant sur les sous-schémas ?)

Exemple de calcul de F_{S_i} . Soit $S = \{A, B, C\}$, $S_1 = \{A, C\}$

$$F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow A, B \rightarrow C, C \rightarrow B\}.$$

$$F^+ = \{A \rightarrow A, A \rightarrow B, A \rightarrow C,$$

$$B \rightarrow A, B \rightarrow B, B \rightarrow C,$$

$$C \rightarrow A, C \rightarrow B, C \rightarrow C, \dots\}$$

F_{S_1} contient $A \rightarrow C$ et $C \rightarrow A$ (même si $C \rightarrow A \notin F$!) et toutes les dépendances impliquées par ces deux là.

Attention : Oublier que $A \rightarrow C$ et $C \rightarrow A$ sont dans F_{S_1} est un exemple typique d'erreur !

Comment calculer de façon mécanique si f est impliquée par un ensemble de dép. fonct. F ?

- **Déf.** : Soit Z l'ensemble des attributs dans F , $X \subseteq Z$.

La *fermeture* de X par rapport à F (X^+_F) est :

$$\max\{Y \subseteq Z \mid F \text{ implique } X \rightarrow Y\}$$

- **Théorème** : F implique $X \rightarrow Y$ ssi $Y \subseteq X^+_F$.
- **Donc**, pour savoir si F implique $X \rightarrow Y$ il suffit de savoir calculer X^+_F !.

ALGO DE CALCUL DE X^+_F :

Entrée : F, X, Att , où Att est l'ensemble de tous les attributs dans F

Sortie : X^+_F comme valeur de la variable res .

$res := X$;

répéter :

pour chaque $Y \rightarrow Z \in F$, **si** $Y \subseteq res$ **alors** $res := res \cup Z$

jusqu'à quand res n'a pas changé ou $res = Att$;

renvoyer res

Exemple de calcul de AB^+_F pour $F = \{A \rightarrow C, BC \rightarrow D, ED \rightarrow E\} \rightsquigarrow$
tableau.